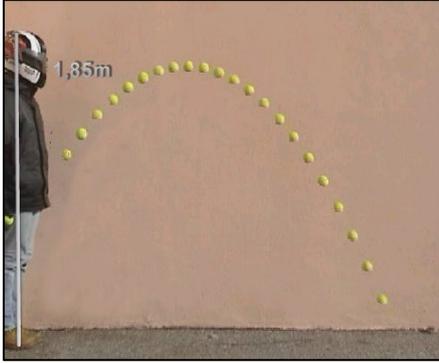


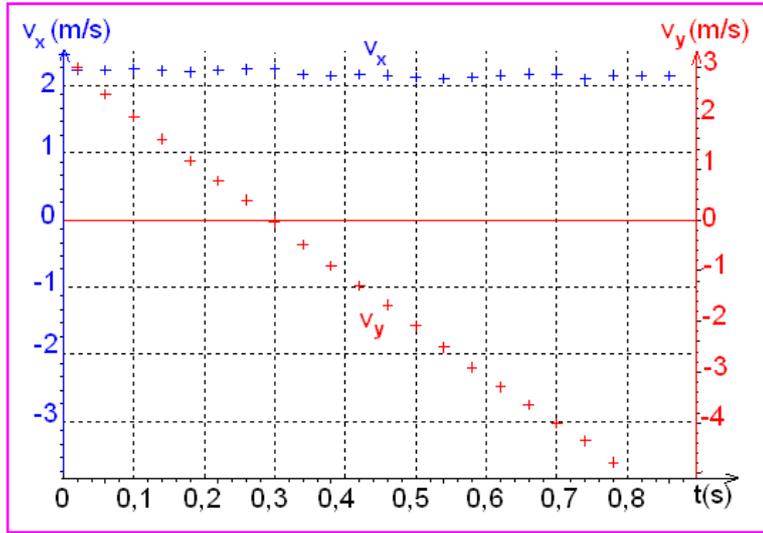
الحركات المستوية

I. حركة قذيفة في مجال الثقالة المنتظم

• دراسة تجرسة



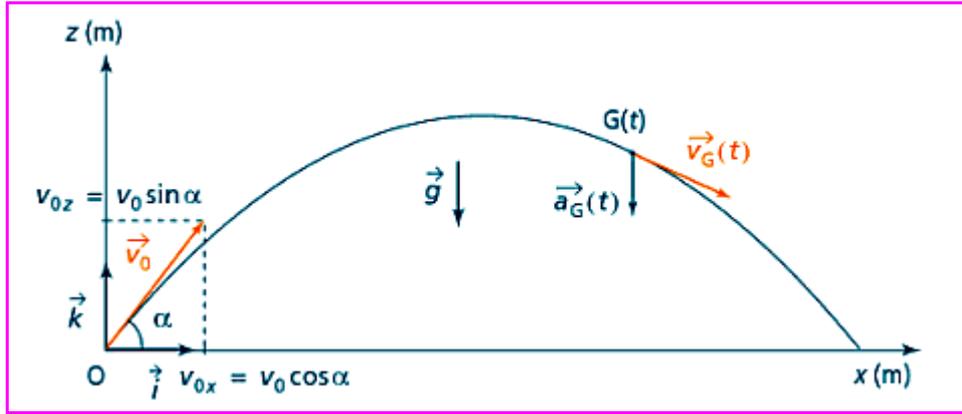
تقذف كرة مضرب بسرعة بدئية \vec{v}_0 اتجاهها مائل، و يتم تصوير حركتها بواسطة كاميرا رقمية. تمكن معالجة الشريط بواسطة حاسوب من تخطيط المبيان التالي الذي يمثل تغيرات الإحداثيتين الأفقية v_x و الرأسية v_y لمتجهة سرعة مركز قصولها G بدلالة الزمن.



$v_x(t) = 2,2 (m.s^{-1})$ $v_y(t) = -10t + 3 (m.s^{-1})$	<p>▪ معادلة السرعة على المحور الأفقي (O x) هي:</p> <p>▪ معادلة السرعة على المحور الرأسية (O y) هي:</p> <p>👉 حركة G منتظمة على المحور الأفقي (O x) و متغيرة بانتظام على المحور الرأسية (O y).</p>	السرعة
$\vec{a}_G = -10.\vec{j}$ ، نستنتج متجهة التسارع: $\begin{cases} a_x = \frac{dv_x}{dt} = 0 \\ a_y = \frac{dv_y}{dt} = -10 m.s^{-2} \end{cases}$	<p>نلاحظ أن: $\vec{a}_G \approx \vec{g}$ ما يعني أن السقوط حر.</p>	التسارع
<p>من $v_x = \frac{dx}{dt}$ نستنتج بالتكامل: $x = 2,2 t$ (1) (باعتبار $x_0 = 0$)</p> <p>من $v_y = \frac{dy}{dt}$ نستنتج بالتكامل: $y = -5 t^2 + 3 t$ (2) (باعتبار $y_0 = 0$)</p>		المعادلات الزمنية للحركة
<p>نقصي t بين المعادلتين (1) و (2):</p> $y = -x^2 + 1,4 x$ <p>مسار G قوس شلجمي.</p>		معادلة المسار

• دراسة نظرية

▪ اختيار معلمي الفضاء و الزمن



معلم الفضاء معلم ديكارتي $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ أصله يطابق موضع إطلاق القذيفة و محوره (Ox) و (Oz) يحددان المستوى الرأسي الذي يضم متجهة السرعة البدئية \vec{v}_0 .

نختار لحظة إطلاق القذيفة أصلا للتواريخ.

▪ القوة و التسارع

باعتبار القذيفة في سقوط حر فإنها تخضع لوزنها فقط: $\vec{P} = m \vec{g}$ و بتطبيق القانون الثاني لنيوتن نستنتج تسارع

$$\vec{a}_G = \vec{g}$$

مركز قصور القذيفة:

▪ المعادلات الزمنية

بإسقاط \vec{a}_G على محاور المعلم $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ نستنتج المعادلات التفاضلية للحركة، ثم بالتكامل و اعتبار الشروط البدئية نستنتج معادلات الحركة:

المعادلات الزمنية	السرعة اللحظية	السرعة البدئية	التسارع (المعادلات التفاضلية)	
$x = (v_0 \cos \alpha)t$	$v_x = v_0 \cos \alpha$	$v_{0x} = v_0 \cos \alpha$	$a_x = \dot{x} = 0$	على المحور (Ox)
$y = 0$	$v_y = 0$	$v_{0y} = 0$	$a_y = \dot{y} = 0$	على المحور (Oy)
$z = -\frac{1}{2}gt^2 + (v_0 \sin \alpha)t$	$v_z = -gt + v_0 \sin \alpha$	$v_{0z} = v_0 \sin \alpha$	$a_z = \dot{z} = -g$	على المحور (Oz)

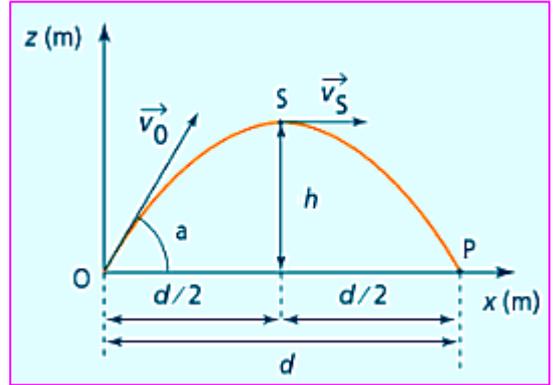
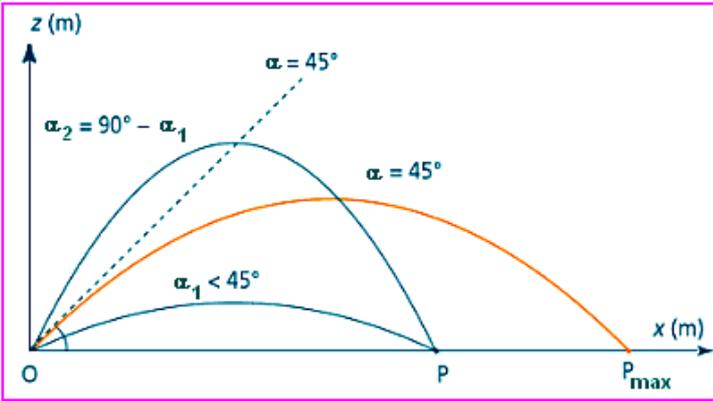
حركة القذيفة مستوية تقع في المستوى الرأسي المحدد بالمتجهتين \vec{v}_0 و \vec{g} وهي:

- ✓ منتظمة على المحور الأفقي و سرعتها $v_0 \cos \alpha$ ،
- ✓ متغيرة بانتظام على المحور الرأسي و تسارعها $-g$.

خاصية

مميزات المسار

<p>بإقصاء الزمن بين المعادلتين الزميتين $x(t)$ و $z(t)$ نستنتج معادلة المسار:</p> $z = -\frac{g}{2v_0^2 \cos^2 \alpha} \cdot x^2 + (\tan \alpha) \cdot x$	<p>معادلة المسار</p>
<p>هو الارتفاع الأقصى h الذي تصله القذيفة بالنسبة لموضع إطلاقها.</p> <p>في S متجهة السرعة أفقية أي $v_z = 0$ نستنتج من هذه المعادلة مدة الصعود: $t_S = \frac{v_0 \sin \alpha}{g}$</p> <p>ثم بالتعويض في المعادلة $z(t)$ نستنتج:</p> $h = \frac{v_0^2}{2g} \cdot \sin^2 \alpha$	<p>المدى الرأسى</p>
<p>هو المسافة الأفقية التي تفصل بين موضع إطلاق القذيفة O و موضع سقوطها P.</p> <p>باعتبار أن المحور الرأسى المار من S هو محور تماثل للمسار الشلجمى فإن: $d = 2x_S$</p> <p>ثم باعتبار $x_S = (v_0 \cos \alpha) t_S$ نستنتج:</p> $d = \frac{v_0^2}{g} \cdot \sin 2\alpha$	<p>المدى الأفقى</p>



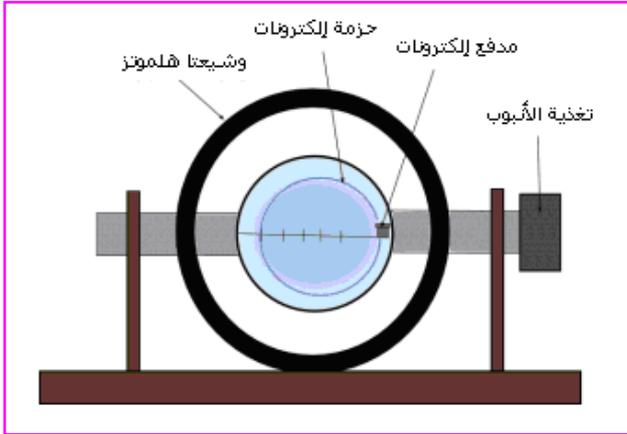
خاصية

- يأخذ المدى الأفقى قيمته القصوى $d_{max} = \frac{v_0^2}{g}$ بالنسبة لزاوية القذف: $\alpha = 45^\circ$.
- بنفس السرعة البدئية، لكي تصل القذيفة مدى d بحيث $d < d_{max}$ ، هناك قيمتان ممكنتان لزاوية القذف α_1 و α_2 بحيث: $\alpha_1 + \alpha_2 = 90^\circ$ (زاويتان متكاملتان).

II. حركة دقيقة مشحونة في مجال مغناطيسي منتظم

نقتصر على الحالة التي تكون فيها متجهة السرعة البدئية \vec{v}_0 متعامدة مع متجهة المجال المغناطيسي \vec{B} .

• دراسة تحرسة



- يلاحظ أن مسار الإلكترونات دائري و يقع في المستوى المتعامد مع \vec{B} (أي الموازي لمستوى الوشيعتين) و المار من نقطة دخول حزمة الإلكترونات.
- يرتفع شعاع المسار بالزيادة في قيمة السرعة البدئية v_0 (و ذلك بالزيادة في قيمة التوتر الذي يسرع الإلكترونات).
- يتقلص شعاع المسار بالزيادة في شدة المجال المغناطيسي B (و ذلك بالزيادة في شدة التيار المار في و شيعتي هلمونز).

• دراسة نظرية

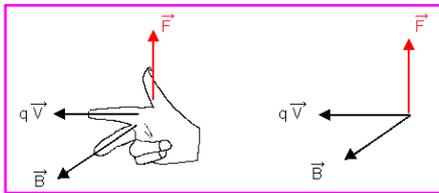
• القوة و التسارع

بإهمال وزن الدقيقة فإنها تخضع فقط للقوة المغناطيسية (تسمى أيضا قوة لورنتز):

$$\vec{F} = q\vec{v} \wedge \vec{B}$$

- تعبيرها هو:

- ومميزاتها هي:



الاتجاه	متعامد مع المستوى المحدد بالمتجهين \vec{v} و \vec{B}
المنحى	منحى \vec{F} هو بحيث $(q\vec{v}, \vec{B}, \vec{F})$ معلم مباشر. يحدد المنحى بتطبيق قاعدة الأصابع الثلاث لليد اليمنى.
الشدة	$F = vB q\sin\alpha $

$$\vec{a} = \frac{q}{m} \vec{v} \wedge \vec{B}$$

و بتطبيق القانون الثاني لنيوتن نستنتج تسارع الدقيقة:

$$\begin{aligned} \mathcal{P} &= \vec{F} \cdot \vec{v} \\ \vec{F} &\perp \vec{v} \\ \mathcal{P} &= 0 \end{aligned}$$

في كل لحظة قدرة القوة المغناطيسية هي:
و حيث أن:
فإن:

• الشغل والطاقة الحركية

$$W(\vec{F}) = 0$$

نستنتج أن شغل القوة المغناطيسية منعدم:

$$\Delta E_C = 0$$

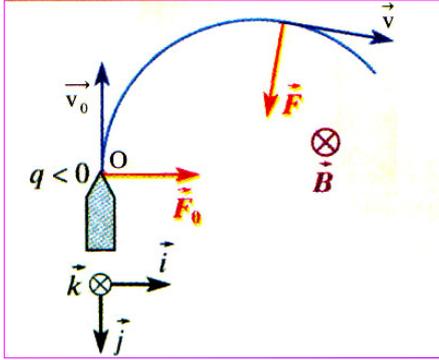
و بتطبيق م.ط.ح على الدقيقة:

$$\rightarrow E_C = Cte$$

لا يغير المجال المغنطيسي الطاقة الحركية لدقيقة مشحونة، يعني حركتها منتظمة.

خاصية

طبيعة الحركة



حسب تعبير متجهة التسارع الذي هو: $\vec{a} = \frac{q}{m} \vec{v} \wedge \vec{B}$

$$\begin{cases} \vec{a} \perp \vec{B} & (1) \\ \vec{a} \perp \vec{v} & (2) \end{cases}$$

فإن في كل لحظة:

(1) تعني أن الحركة مستوية تقع في المستوى المتعامد مع \vec{B} و الذي يضم \vec{v}_0

$$\begin{cases} \frac{dv}{dt} = 0 & (3) \\ \frac{v^2}{\rho} = \frac{|q|vB}{m} & (4) \end{cases} \leftarrow \begin{cases} a_T = 0 \\ a_N = a \end{cases} \text{ تعني أن التسارع منتظمي:}$$

(3) تعني أن الحركة منتظمة: $v = Cte = v_0$

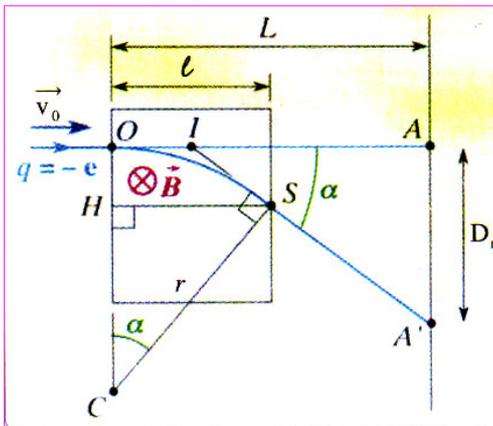
(4) تعني أن شعاع انحناء مسار الدقيقة ثابت يعني مسارها دائري

$$R = \frac{mv_0}{|q|B}$$

شعاعه:

في مجال مغنطيسي منتظم حركة دقيقة مشحونة دائرية و منتظمة إذا كانت متجهة سرعتها البدئية متعامدة مع متجهة المجال المغنطيسي.

خاصية



الانحراف المغنطيسي

في حالة انحراف ضعيف:

$$\alpha \approx \frac{l}{R} = \frac{|q|Bl}{mv_0} \quad (\text{rad})$$

- زاوية الانحراف هي:

$$D_m = \frac{|q|Ll}{mv_0} \cdot B$$

- مسافة الانحراف على الشاشة هي :

الانحراف على الشاشة يتناسب طرديا مع شدة المجال المغنطيسي.

خاصية